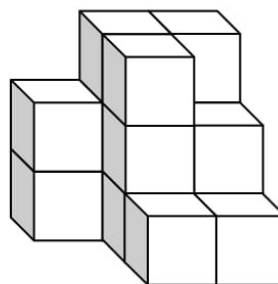


**ДРУШТВО МАТЕМАТИЧАРА СРБИЈЕ**

**ШКОЛСКО ТАКМИЧЕЊЕ ИЗ МАТЕМАТИКЕ  
УЧЕНИКА ОСНОВНИХ ШКОЛА – 09.12.2022.**

**V РАЗРЕД**

1. У петом разреду једне школе има 60 ученика од којих 39 за ужину купује кифле, 28 купује перече, а 16 ученика и кифле и перече. Колико ученика не купује ни кифле ни перече?
2. Запиши све подскупе скупа  $\left\{\frac{1}{9}, \frac{2}{9}, \frac{3}{9}, \frac{4}{9}, \frac{5}{9}\right\}$  такве да је збир свих елемената тог подскупа мањи од  $\frac{7}{9}$ .
3. Одреди све шестоцифрене бројеве облика  $\overline{202a2b}$  који су дељиви и са 3 и са 4.
4. Дат је правоугаоник  $ABCD$  и тачке  $E$  и  $F$  такве да је  $E$  између  $A$  и  $B$ , а тачка  $F$  између  $C$  и  $D$ . Запиши све троуглове чија темена припадају скупу  $\{A, B, C, D, E, F\}$ ?
5. Мила је направила тело од 15 једнаких коцки (види слику). Израчунај површину и запремину овог тела ако је површина стране која је на тлу једнака  $112 \text{ cm}^2$ .



Сваки задатак се бодује са по 20 бодова.

Израда задатака траје 120 минута.

Решење сваког задатка кратко и јасно образложити.

**V РАЗРЕД**

**Признавати сваки тачан поступак који се разликује од кључа.  
Бодовање прилагодити конкретном начину решавања.**

1. Од 39 ученика који купују кифле, њих 16 купује и кифле и переце, а њих 23 купује само кифле [**6 поена**]. Од 28 ученика који купују переце, њих 16 купује и кифле и переце, а њих 12 купује само переце [**6 поена**]. Дакле, барем нешто од кифли и переца купује  $16 + 23 + 12 = 51$  ученик [**4 поена**], а њих  $60 - 51 = 9$  не купује ни кифле ни переце [**4 поена**].

2. Тражених подскупова има 12:  $\left\{\frac{1}{9}\right\}, \left\{\frac{2}{9}\right\}, \left\{\frac{3}{9}\right\}, \left\{\frac{4}{9}\right\}, \left\{\frac{5}{9}\right\}, \left\{\frac{1}{9}, \frac{2}{9}\right\}, \left\{\frac{1}{9}, \frac{3}{9}\right\}, \left\{\frac{1}{9}, \frac{4}{9}\right\}, \left\{\frac{1}{9}, \frac{5}{9}\right\}, \left\{\frac{2}{9}, \frac{3}{9}\right\}, \left\{\frac{2}{9}, \frac{4}{9}\right\}$  и  $\left\{\frac{1}{9}, \frac{2}{9}, \frac{3}{9}\right\}$  [Првих 5 тачно наведених подскупова бодовати са по 1 поен, следећих шест са по 2 поена и последњи са 3 поена. За сваки нетачно наведени подскуп одузети по 1 поен. Укупан број поена не може бити негативан].

3. (МЛ 57-1) Из  $4 \mid \overline{202a2b}$  следи  $4 \mid \overline{2b}$ , па је  $b \in \{0, 4, 8\}$ . Да би  $3 \mid \overline{202a2b}$  мора да  $3 \mid (6 + a + b)$ . Ако је:

а)  $b = 0$ , онда  $3 \mid (6 + a)$  па је  $a \in \{0, 3, 6, 9\}$  и тражени бројеви су 202020, 202320, 202620, 202920 [Сваки тачно одређен број **по 2 поена**];

б)  $b = 4$ , онда  $3 \mid (10 + a)$  па је  $a \in \{2, 5, 8\}$  и тражени бројеви су 202224, 202524, 202824 [Сваки тачно одређен број **по 2 поена**];

в)  $b = 8$ , онда  $3 \mid (14 + a)$  па је  $a \in \{1, 4, 7\}$  и тражени бројеви су 202128, 202428, 202728 [Сваки тачно одређен број **по 2 поена**].

4. (МЛ 56-3) У сваком троуглу једно теме мора бити са једне од страница  $AB$  или  $CD$ , а друга два са наспрамне странице. Постоји 18 тражених троуглова:  $AED, ABD, EBD, AEF, ABF, EBF, AEC, ABC, EBC, ADF, ADC, AFC, EDF, EDC, EFC, BDF, BDC, BFC$  [Сваки тачно наведени троугао по 1 поен. Ако ученик наведе све троуглове 20 поена].

5. (МЛ 56-1) Тело које је Мила направила додирује тло са 7 коцки које је ређала [**3 поена**]. Дакле, површина стране тела која додирује тло је 7 пута већа од површине једне стране коцке, па је површина једне стране коцке  $16 \text{ cm}^2$ , а дужина ивице коцке 4 cm [**4 поена**]. Запремина коцке једнака је збиру запремина свих коцки, тј.  $15 \cdot 64 \text{ cm}^3 = 960 \text{ cm}^3$  [**5 поена**]. Да би одредили површину тела, одредимо од колико страна коцке је оно састављено. Ако тело гледамо са предње или задње стране видимо 8 страна коцки, а ако гледамо са леве стране, са десне стране, одоздо и одозго видимо 7 страна. Дакле, тело је састављено од 44 страна коцке па је површина тела  $44 \cdot 16 \text{ cm}^2 = 704 \text{ cm}^2$  [**8 поена**].